

**Министарство просвете Републике Србије  
ДРУШТВО МАТЕМАТИЧАРА СРБИЈЕ**

**ОПШТИНСКО ТАКМИЧЕЊЕ ИЗ МАТЕМАТИКЕ  
УЧЕНИКА ОСНОВНИХ ШКОЛА  
06.03.2010.**

**V РАЗРЕД**

- 1.** Одреди најмањи и највећи петоцифрени број дељив са 2010.
  
- 2.** Упореди разломке  $\frac{61}{2010}$  и  $\frac{5}{149}$ .
  
- 3.** Броју 2009 дописати са леве и са десне стране једну исту цифру тако да добијени шестоцифрени број буде дељив са 12.
  
- 4.** Дати су скупови  
 $S_1 = \{1\}$ ,  $S_2 = \{2, 3\}$ ,  $S_3 = \{4, 5, 6\}$ ,  $S_4 = \{7, 8, 9, 10\} \dots$   
Одреди збир елемената скупа  $S_{10}$ .
  
- 5.** Колики угао заклапају сатна и минутна казаљка на часовнику у 8 часова и 10 минута?

Сваки задатак се бодује по 20 бодова.

Израда задатака траје 120 минута.

Решење сваког задатка кратко и јасно обrazložiti.

## РЕШЕЊА ЗАДАТАКА - V РАЗЕД

1. Најмањи број је 10050 (**10 бодова**), а највећи број је 98490 (**10 бодова**).
2.  $\frac{61}{2010} = \frac{305}{10050}$  (**5 бодова**),  $\frac{5}{149} = \frac{305}{9089}$  (**5 бодова**). Како је  $\frac{305}{10050} < \frac{305}{9089}$  то је  $\frac{61}{2010} < \frac{5}{149}$  (**10 бодова**).
3. (ML XLIV-3) Нека је и са леве и са десне стране броја 2009 дописана цифра  $a$ . Да би тражени шестоцифрени број  $a2009a$  био дељив са 12 он мора бити дељив са 3 и 4. Због деливости са 4, његов двоцифрени завршетак може бити само 92 или 96, па у обзир долазе бројеви 220092 и 620096 (**8 бодова**). Број 620096 има збир цифара  $6+2+9+6 = 23$  и није дељив са 3 па није решење задатка (**6 бодова**). Како је збир цифара броја 22092 једнак  $2 + 2 + 9 + 2 = 15$ , дакле дељив са 3 то је овај број једино решење (**6 бодова**).
4. (ML XLII-2) Како скуп  $S_1$  има 1 елемент, скуп  $S_2$  два елемента, скуп  $S_3$  три елемента ..., то скуп  $S_{10}$  има 10 елемената (**7 бодова**). Како је  $1 + 2 + \dots + 9 = 45$ , то унија скупова  $S_1, \dots, S_{10}$  садржи бројеве 1, 2 ..., 45, па је  $S_{10} = \{46, 47 \dots, 55\}$  (**7 бодова**). Збир елемената скупа  $S_{10}$  је 505 (**6 бодова**).
5. Угао између сатне и минутне казаљке у 8.00 часова је  $120^\circ$ . Минутна казаљка се креће 12 пута брже од сатне. Од 8.00 до 8.10 часова минутна казаљка се помери за угао од  $60^\circ$ , док сатна се помери за 12 пута мањи угао, тј. за  $60^\circ : 12 = 5^\circ$ . Дакле, угао између сатне и минутне казаљке биће  $120^\circ + 60^\circ - 5^\circ = 175^\circ$  (**20 бодова**).

**Признавати и са максималним бројем бодова оценити свако тачно решење које није у кључу.**